

**Төп гомуми белем бирү программалары буенча
төп дәүләт имтиханы (ТДИ) формасында
дәүләт йомгаклау аттестациясе**

**МАТЕМАТИКА буенча 2016 елда төп дәүләт имтиханы үткөрү
өчен контроль үлчәү материалларының
күрсәтмә (демонстрацион) варианты**

**«ПЕДАГОГИК ҮЛЧӘНЭШЛӘР ФЕДЕРАЛЬ ИНСТИТУТЫ»
Федераль дәүләт бюджет фәнни учреждениесе
тарафыннан әзерләнде**

МАТЕМАТИКА буенча
2016 нчы елда төп дәүләт имтиханы үткәрү өчен контроль үлчәү
материалларының күрсәтмә (демонстрацион) варианты

Имтихан эшенең демонстрацион вариантына аңлатма

Демонстрацион вариант белән танышканда, аларның 2016 нчы елда контроль үлчәү материалларының (КИМ) вариантлары ярдәмендә тикшерелергә тиешле барлык элементларны да чагылдырмауларын исәпкә алырга кирәк. Контроль үлчәү материаллары нигезләнә (басым ясый//игътибар итә) торган бүлекләренең эчтәлегә спецификациядә чагылыш таба: 2016 нчы елда узачак имтихан вакытында контрольгә алынырга мөмкин булган эчтәлек һәм эшли алу (осталыкның) ның тәңгәл килә торган элементларының тулы исемлегә www.fipi.ru сайтында урнаштырылган кодификаторда бирелә.

Демонстрацион вариант имтиханда катнашучы һәркемгә һәм киң жәмәгатьчелеккә булчак имтихан эшенең структурасы, биремнәр саны һәм рәвеше, шулай ук аларның катлаулылык дәрәжәсе турында күзаллау булдыру мөмкинлегенә бирүгә юнәлтелгән Бу мәгълүматлар математика буенча имтиханга әзерләнүнең стратегиясен төзәргә мөмкинлек бирә.

2016 елга күрсәтмә (демонстрацион) вариант

Эшне үтәү буенча күрсәтмә

Эш өч модульдән тора: «Алгебра», «Геометрия», «Реаль математика». Барлыгы – 26 бирем. «Алгебра» модуле 11 биремнән тора: 1 нче өлештә – сигез бирем; 2 нче өлештә – өч бирем. «Геометрия» модуле сигез биремнән тора: 1 өлештә – биш бирем, 2 нче өлештә – өч бирем. «Реаль математика» модулендә жиде бирем: бу модульнең барлык биремнәре 1 нче өлештә урын алган.

Математикадан имтихан эшен башкаруга 3 сәгать 55 минут (235 минут) вакыт бирелә

2, 3, 8, 14 нче биремнәрнең җаваплары дәрәҗә дип саналган җавапның номерын чагылдырган бер сан белән язып куела. Бу санны эш текстындагы җавап кырына язып куегыз.

1 нче өлештәгә башка биремнәрнең җаваплары сан яки саннар эзлеклелегә рәвешендә эш текстындагы җавап кырында язып куела. Әгәр җавапта гади вакланма килеп чыкса, аны унарлы вакланмага әйләндергез. 1 өлеш биремнәренә җавабын дәрәҗә язмаган очракта, аны сызыгыз һәм янәшәсенә яңа җавапны язып куегыз.

2 нче өлештәгә биремнәрнең чишелешен һәм аларның җавапларын аерым биткә яки бланкка языгыз. Биремнәргә теләсә нинди тәртиптә, теләсә кайсы модульдән башлап эшләргә мөмкин. Биремнең текстын күчереп язмага кирәк түгел, фәкать аның номерын гына күрсәтергә кирәк.

Башта 1 нче өлеш биремнәрен эшләгез. Эшләү өчен үзегезгә җиңелерәк исәпләнгән модульдән башларга киңәш итәбез, аннан соң башкаларына күчегез. Вакытны юкка сарыф итмәс өчен, авыр тоелган биремне калдырып торып, алдагы биремгә күчегез. Вакытыгыз калса, сез калдырып торган биремегезгә кире әйләнеп кайта алачаксыз.

Кирәк булган барлык исәпләүләрне, үзгәртүләрне һ.б. ларны караламада эшләгез. Караламадагы язмалар эшне бәяләгәндә исәпкә алынмыйлар. Әгәр дә биремнең рәсеме бар икән, сез анда турыдан-туры кирәкле гамәлләрне башкара аласыз. Эшнең шартын игътибар белән укырга һәм алынган җавапларыгызны тикшереп, чагыштырып чыгарга тәкъдим итәбез.

Эшне башкарганда, белешмә материалдан файдаланырга мөмкин.

Дәрәҗә башкарылган эшләр өчен куелган баллар кушыла. Йомгаклау аттестациясен уңышлы тапшыру өчен нәтиҗәләрегез 8 баллдан да ким булмаса тиеш: «Алгебра» модулендә 3 баллдан да, «Геометрия» модулендә 2 баллдан да һәм «Реаль математика»да 2 баллдан да ким баллар җыелмаса тиеш. 1 өлештәгә һәр дәрәҗә эшләнгән биремгә 1 балл куела. 2 өлештәгә һәр модульнең биремнәре 2 балл белән бәяләнә.

Уңышлар телибез!

І өлеш

«Алгебра» модуле

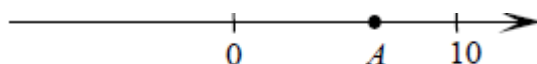
1

$\frac{1}{4} + 0,07$ аңлатмасының қыйммәтен табыңыз

Жауап: _____

2

Координаталар турысында А ноктасы билгеләнгән



А ның түбәндә бирелгән дүрт санның берсенә туры килүе билгеле. А ноктасы кайсы санга туры килә ?

- 1) $\frac{181}{16}$ 2) $\sqrt{37}$ 3) 0,6 4) 4

Жауап:

3

Кайсы аңлатманың қыйммәте рациональ сан ?

- 1) $\sqrt{6}-3$ 2) $\sqrt{3}*\sqrt{5}$ 3) $(\sqrt{5})^2$ 4) $(\sqrt{6}-3)^2$

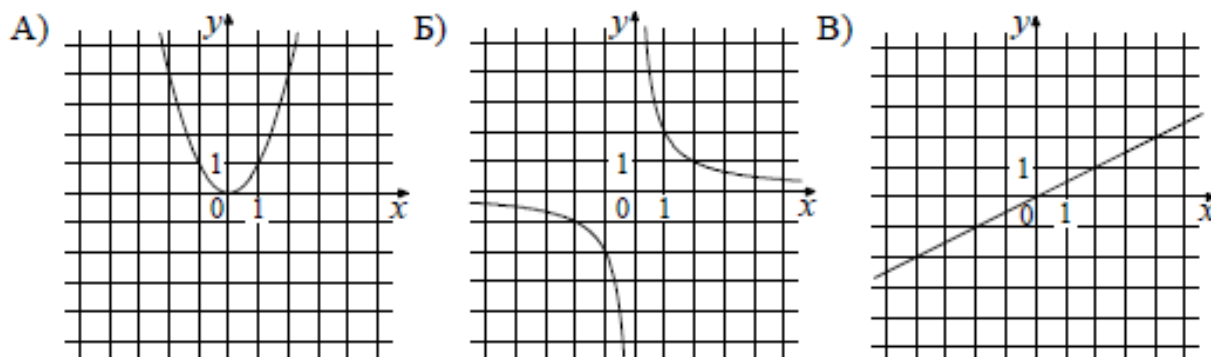
Жауап:

4

$7x - 9 = 40$ тигезләмәсен чишегез.

Жауап: _____

5) Функция графиклары һәм аларны бирүче формулалар арасында тиңдәшлекне билгеләгез.



1) $y=x^2$

2) $y=\frac{x}{2}$

3) $y=\frac{2}{x}$

Таблицада графикка туры килә торган һәр хәреф астына аны билгеләүче формуланың номерын языгыз.

Жавап:

А	Б	В

6) Саннар эзлеклелегендә беренче сан 6 га, ә аннан соң килгән һәр сан алдагысыннан 4 кө зуррак. Унбишенче санны табыгыз.

Жавап: _____ .

7

$a=9, b=36$. булганда $9b + \frac{5a - 9b^2}{b}$ аңлатманың кыйммәтен табыгыз

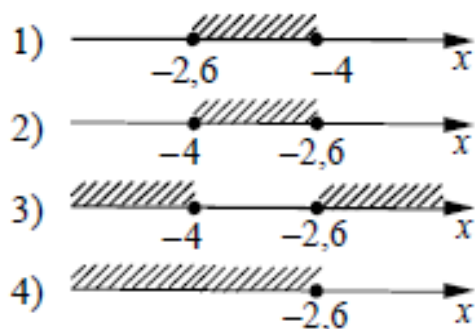
Жавап: _____ .

8

Тигезсезлекләр системасын чишегез

$$\begin{cases} x+2,6 \leq 0, \\ x+5 \geq 1. \end{cases}$$

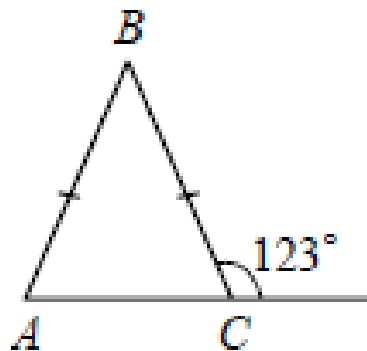
Кайсы рәсемдә аның чишелешләр күпләге бирелгән?



Жавап:

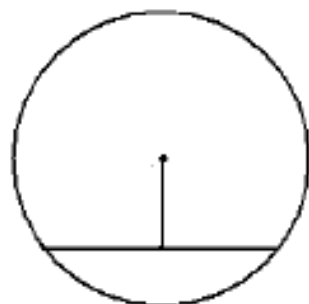
«Геометрия» модуле

- 9) AC нигезе булган тигезъянлы ABC өчпочмагының C түбәсе янындагы тышкы почмагы 123° ка тигез. ВАС почмагының зурлыгын табыгыз. Жавапны градусларда бирегез.



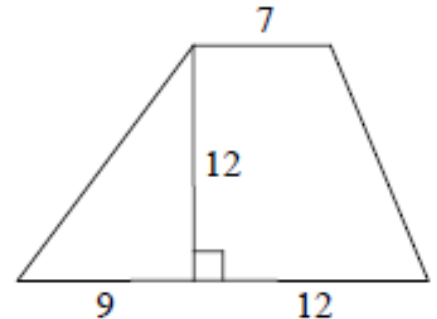
Жавап: _____.

- 10) Радиусы 13 см булган әйләнә үзәгеннән хордага кадәр ераклык 5 см булса, хорданың озынлыгын табыгыз. Жавапны см ларда бирегез.



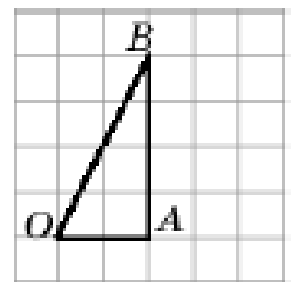
Жаап: _____.

11 Рәсемдә сурәтләнган трапециянең мәйданын табыгыз.



12 Жаап: _____.

Рәсемдә сурәтләнган өчпочмакның AOB почмагы тангенсын табыгыз.



Жаап: _____.

13 Дәрес расламаларның номерларын күрсәтегез.

- 1) Бирелгән турыда ятмаган нокта аша әлеге турыга параллель булган туры үткәргә мөмкин.
- 2) Яклары 1,2,4 булган өчпочмак бар.
- 3) Әгәр ромбның бер почмагы 90° ка тигез булса, мондый ромб – квадрат.
- 4) Теләсә нинди параллелограммның диагональләре тигез.

Жаап: _____.

«Реаль математика»

14 Таблицада 9 нчы сыйныф укучылары өчен 30 метрга йөгерүнең нормативлары китерелгән.

Билге	малайлар			кызлар		
	«бик яхшы»	«яхшы»	«уртача»	«бик яхшы»	«яхшы»	«уртача»
Вакыт, секундлар	4,6	4,9	5,3	5,0	5,5	5,9

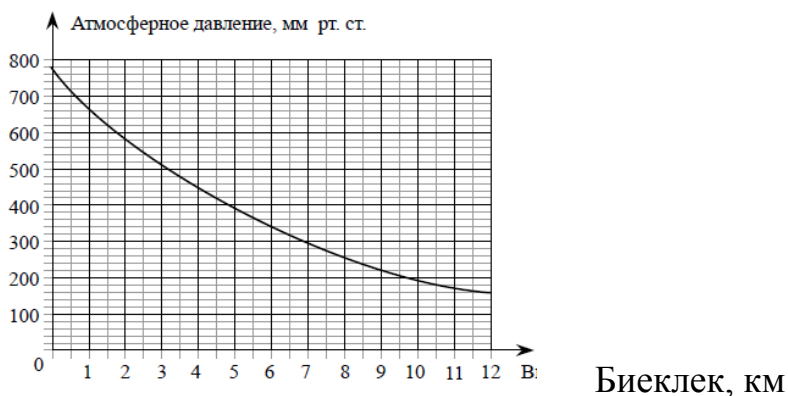
Бу дистанцияне 5,36 секундта йөгереп үзган кыз нинди билге алып?

- 1) Бик яхшы 2) Яхшы
2) Уртача 4) Норматив үтәлмәгән

Жавап:

15 Графикта атмосфера басымының (терекөмеш баганасында миллиметрларда) дингез өсте тигезлегенә биеклегенә (километрларда) бәйлелеге чагылдырылган. Басым нинди биеклектә (километрларда) терекөмеш баганасының 540 миллиметрын тәшкил итәр?

Атмосфера басымы, терекөмеш баганасының мм

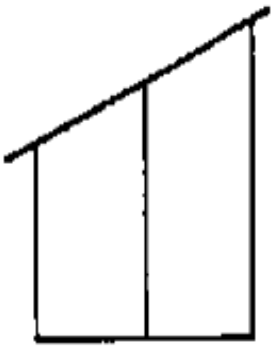


Жавап: _____.

16 Электр поездында билет бәясә 198 сум тора. Укучыларга билет бәясенә 50 % ташлама ясала. 4 олы кеше һәм 12 укучыдан торган төркемгә поездда бару өчен ничә сум акча түләргә кирәк булачак?

Жавап: _____.

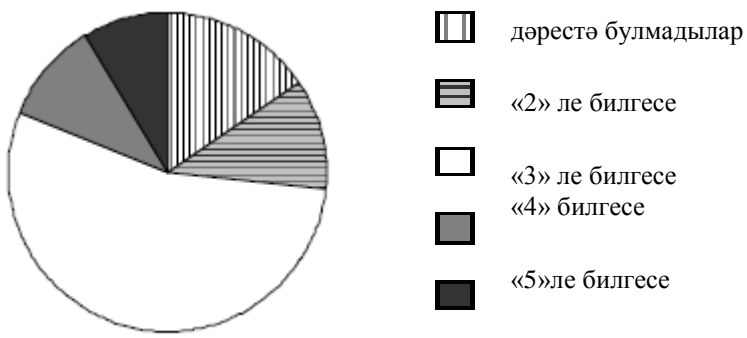
17 Авыш балканы бер-берсеннән тигез аралыкта тора торган вертикаль өч багана тотып тора. Кыскарак ике багананың биеклегә – 60 см һәм 90 см. Зуррак багананың озынлыгын табыгыз. Жавапны см. ларда бирегез.



Жавап: _____.

18 Мәктәпнең завучы 9 нчы сыйныфларда математика буенча үткәрелгән контроль эшкә нәтижә ясаган. Әлеге нәтижәләр түгәрәк диаграммада күрсәтелгән.

9 нчы сыйныфларда математика буенча үткәрелгән контроль эшнәң нәтижәләре



Әгәр мәктәптә 9 нчы сыйныфта укучылар саны 120 кеше булса, контроль эшнәң нәтижәләре турындагы кайсы раслама дәрәс булыр?

- 1) Укучыларның яртысыннан артыгы «3» ле билгесе алган.
- 2) Укучыларның яртысы диярлек контроль эшкә килмәгән яки «2» ле билгесе алган.
- 3) Укучыларның яқынча алтыдан бер өлеше «4» ле яки «5» ле билгесе алган.
- 4) 100 дән артык укучы «3»ле, «4»ле яки «5» ле билгесе алган.

Жавап: _____.

19 Тарелкада бер үк төсле бөккәннәр ята: шуларның 4 се ит бөккәне, 8 е кәбестә һәм 3 се алма бөккәне. Петя бер бөккәнне сайлап ала. Аның алма бөккәне булу ихтималлығын табыгыз.

Жавап: _____.

20 Математик маятникның тирбәнү периоды (секундларда) T ны яқынча $T = 2\sqrt{l}$ формуласы буенча исәпләп чыгарырга мөмкин. Бу формулада l – жепнәң озынлығы (метрларда). Әлеге формуладан файдаланып, тирбәнеш периоды 3 секундны тәшкил иткән маятник жебенәң озынлығын (метрларда) табыгыз.

Жавап: _____.

2 нче өлеш

21 – 26 нчы биремнәрне аерым битләрдә башкарыгыз. Башта биремнең номерын күрсәтегез, аннан соң аның чишелешен һәм жавабын языгыз. Ачык һәм аңлаешлы итеп языгыз.

«Алгебра» модуле

21 Вакланманы кыскартыгыз

$$\frac{18^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}}$$

22 Балыкчы иртәнге сәгать 5 тә моторлы көймәдә пристаньнән агымга каршы йөзеп китә, берникадәр вакыттан соң якорь ташлый. 2 сәгать бие балык тотта һәм шул ук көнне иртәнге сәгать 10 да кире әйләнеп кайта. Әгәр елга агымының тизлеге 2 км/сәг., ә көймәнең үз тизлеге 6 км/сәг. булса, балыкчы пристаньнән ничә километр ераклыкка киткән булган?

23

$$y = \frac{x^4 - 13x^2 + 36}{(x-3)(x+2)}$$

функциясенәң графигын төзегез һәм c ның нинди кыйммәтләре өчен $y=c$ турысының график белән бер генә уртак ноктасы булуын билгеләгез.

«Геометрия» модуле

24 S почмагы туры булган ABC өчпочмагының катетлары билгеле: $AC=6$, $BC=8$. Әлеге өчпочмакның $СК$ медианасын табыгыз.

25 $ABCD$ параллелограммында E ноктасы AB ягының уртасы. $EC=ED$. Бу параллелограммның турыпочмаклык булуын исбатлагыз.

26 Тигезьянлы ABC өчпочмагының AC нигезе 12 гә тигез. Үзәге бу өчпочмактан читтә урнашкан, радиусы 8 гә тигез булган әйләнә өчпочмакның ян якларының дәвамнарына һәм AC нигезенә орына. ABC өчпочмагына камалган әйләнәнең радиусын табыгыз.

Математикадан имтихан эшен бөялөү системасы

1-20 биремнөргө дөрес жавап биргөн өчен 1 балл.

I өлөштөгө биремнөрнөң жаваплары

Биремнөң номеры	Дөрес жавап
1	0,32
2	2
3	3
4	7
5	132
6	62
7	1,25
8	2
9	57
10	24
11	168
12	2
13	13; 31
14	2
15	2,5
16	1980
17	120
18	13; 31
19	0,2
20	2,25

2 нче өлеше биремнәрен чишү һәм бәяләү критерийлары.
«Алгебра» модуле

21

Вакланманы кыскартыгыз

$$\frac{18^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}}$$

Чишү.

$$\frac{18^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}} = \frac{(9 \cdot 2)^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}} = \frac{3^{2n+6} \cdot 2^{n+3}}{3^{2n+5} \cdot 2^{n-2}} = 3^{2n+6-(2n+5)} \cdot 2^{n+3-(n-2)} = 3 \cdot 2^5 = 96.$$

Жавап: 96.

Баллар	Биремне үтәүне бәяләү критерийлары
2	Үзгәртүләр дөрес башкарылган, дөрес жавап алынган
1	Чишелеш ахырына кадәр житкерелгән, ләкин исәпләүдә яки язганда хата жибәрелгән, шуларны исәпкә алганда, башка гамәлләр дөрес башкарылган
0	Югарыда китерелгән критерийларга туры килмәгән башка очраклар
2	Иң югары балл

22

Балыкчы иртәнге сәгать 5тә моторлы көймәдә пристаньнән агымга каршы йөзеп китә, берникадәр вакыттан соң якорь ташлый. 2 сәгать бие балык тотта һәм шул ук көнне иртәнге сәгать 10 да кире әйләнеп кайта. Әгәр елга агымының тизлеге 2 км/сәг., ә көймәнең үз тизлеге 6 км/сәг. булса, балыкчы пристаньнән ничә километр ераклыкка киткән булган?

Чишү.

Табылырга тиешле аралык x км булсын, ди. Көймәнең тизлеге елга агымына каршы хәрәкәт иткәндә 4 км/сәг., елга агымында 8 км/сәг. Көймә кузгалып киткән урыннан барып житәргә тиешле һәм кире кайтырга тиешле вакыт

$$\left(\frac{x}{4} + \frac{x}{8}\right) \text{ сәгатькә тигез.}$$

Мәсьәләнең шартында күрсәтелгәнчә, бу вакыт 3 сәгатькә

тигез. Тигезлэмә төзик: $\frac{x}{4} + \frac{x}{8} = 3$

Тигезлэмәне чишеп, $x=8$ гә икәнән ачыкладык. Жавап: 8 км.

Баллар	Биремне башкаруны бәяләү критерийлары
2	Тигезлэмә дәрәс төзелгән, дәрәс жавап алынган
1	Тигезлэмә дәрәс төзелгән, ләкин аны чишкән вакытта хата жибөрөлгән, шуны исәпкә алып, чишелеш жавапка кадәр эшләнгән.
0	Югарыда китерелгән критерийләргә туры килмәгән башка очраklar.
2	Иң югары балл

23

$y = \frac{x^4 - 13x^2 + 36}{(x-3)(x+2)}$ функциясенең графигын төзегез һәм c ның нинди кыйммәтләре өчен $y=c$ турысының график белән бер генә уртак ноктасы булуын билгеләгез.

Чишү. Вакланманың санаучысын тапкырлаучыларга таркатабыз:

$$x^4 - 13x^2 + 36 = (x^2 - 4)(x^2 - 9) = (x-2)(x+2)(x-3)(x+3)$$

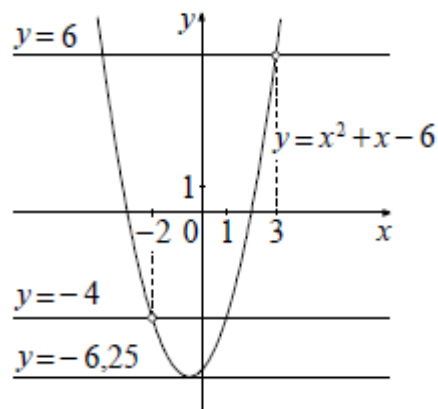
$x \neq -2$ һәм $x \neq 3$ булганда түбәндәге функция килеп чыга:

$$y = (x-2)(x+3) = x^2 + x - 6$$

Аның графигы – парабола, аның өстендә $(-2; -4)$ һәм $(3; 6)$ нокталары алып ташланган.

Параболаның түбәсе аша узганда; параболаны алып ташланган $(-2; -4)$ һәм $(3; 6)$ нокталарының берсе аша үтеп, ике ноктада кисеп үткәндә $y=c$ турысының график белән бер уртак ноктасы була.

Параболаның түбәсе координаталары $(-0,5; -6,25)$



Шуңа күрә, $c = -6,25$, $c = -4$ яки $c = 6$

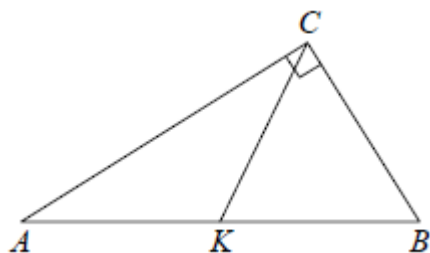
Баллар	Биремне башкаруны бөялөү критерийлары
2	График дәрәс төзелгән, у=с турысы график белән бер генә уртак ноктага ия булгандагы с ның бөтен кыйммәтләре дәрәс күрсәтелгән
1	График дәрәс төзелгән, с ның барлык дәрәс кыйммәтләре күрсәтелмәгән
0	Югарыда китерелгән критерийләргә туры килмәгән башка очраklar.
2	Иң югары балл

«Геометрия» модуле

24 Туры почмагы С булган ABC турыпочмаклы өчпочмагының катетлары билгеле: AC=6, BC=8. Бу өчпочмакның СК медианасын табыгыз.

Чишү.

$$\begin{aligned}
 CK &= \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \sqrt{AC^2 + BC^2} = \\
 &= \frac{1}{2} \sqrt{36 + 64} = 5.
 \end{aligned}$$

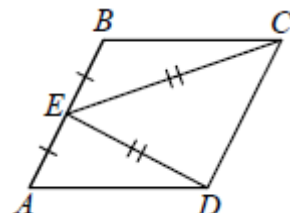


Жавап: 5.

Баллар	Биремне башкаруны бөялөү критериясе
2	Дәрәс нигезле жавап алынган
1	Фикерләү дәрәс алып барылган, исәпләүдә хата жибәрелгән. Мөгаен, шул жавапның дәрәс булмавына китергәндер.
0	Югарыда китерелгән критерийләргә туры килмәгән башка очраklar.
2	Иң югары балл

25 ABCD параллелограммында E ноктасы – AB ягының уртасы. EC=ED булуы билгеле. Бу параллелограммның турыпочмаклык булуын исбатлагыз.

Исбатлау. BEC һәм AED өчпочмаклары өч яклары буенча тигез.



Димәк, $\angle CBE$ һәм $\angle DAE$ почмаклары тигез. Аларның суммалары 180° тигез булганга, почмаклар 90° ка тигез. Мондый параллелограмм - турыпочмаклык.

Баллар	Биремне башкаруны бәяләү критериясе
2	Дәлилләр дөрес, бөтен гамәлләр нигезле
1	Тулаем алганда, дәлилләр дөрес, ләкин төгәлсезлекләр бар
0	Югарыда китерелгән критерийләргә туры килмәгән башка очраклар.
2	Иң югары балл

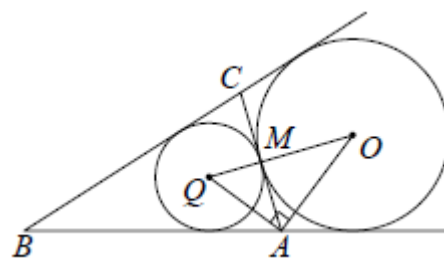
26 Тигезьянлы ABC өчпочмагының AC нигезе 12 гә тигез. Үзәге бу өчпочмактан читтә урнашкан, радиусы 8 гә тигез булган әйләнә өчпочмакның ян якларының дәвамнарына һәм AC нигезенә орына. ABC өчпочмагына камалган әйләнәнең радиусын табыгыз.

Чишү.

О бирелгән әйләнәнең үзәге, ә Q ABC өчпочмагына камалган әйләнәнең үзәге булсын ди.

Орыну ноктасы M AC ны урталай бүлө.

AQ һәм AO нурлары чиктәш почмакларның биссектрисалары, димәк, OAQ почмагы туры почмак. OAQ турыпочмаклы өчпочмагынан $AM^2 = MQ \cdot MO$ килеп чыга.



Димәк,
$$QM = \frac{AM^2}{OM} = \frac{9}{2} = 4,5.$$

Жавап: 4,5.

Баллар	Биремне үтәүне бәяләү критерийлары
2	Чишелешнең барышы дөрес, һәр адым дөрес бара, дөрес жавап алынган
1	Чишелеш дөрес бара, сызым мәсьәләнең шартына туры килә, әмма игътибарга лаек булган аңлатмалар төшөп калган яки исәпләүдә хата киткән.
0	Югарыда китерелгән критерийларга туры килмәгән башка

	очрактар.
2	Иң югары балл

Төп гомуми белем бирү программалары буенча дәүләт йомгаклау аттестацияләве үткөрү тәртибе (Россия Федерациясе Мәгариф һәм фән министрлыгының 2013 елның 25 декабрендәге 1394 номерлы боерыгы Россия Федерациясе Юстиция министрлыгы тарафыннан 2014 елның 3 февралендәге 31206 номерлы карары белән теркәлгән) нигезендә

«48. Имтихан эшләре ике эксперт тарафыннан тикшерелә. Тикшерү нәтижәләре буенча экспертлар бер-берсеннән бәйсез рәвештә имтихан эшләре биремнәренә җавапларның һәркайсына баллар куя... Ике эксперт куйган баллар арасында җитди аерма булган очракта өченче тикшерү билгеләнә. Балларда җитди аерма тиешле уку предметы буенча бөяләү критерийларында билгеләнгән.

Өченче эксперт предмет комиссиясе рәисе тарафыннан имтихан эшен элек тикшермәгән экспертлар арасыннан билгеләнә.

Өченче экспертка укучының имтихан эшен элек тикшергән экспертлар куйган баллар турында мәгълүмат бирелә. Өченче эксперт куйган баллар ахыргысы булып тора».

Биремнәренң теләсә кайсын үтәгән өчен баллар аермасы 2 һәм аннан күбрәк булса, өченче эксперт шундый җитди аермага китергән биремнәренә генә тикшерә.

Бу очракта өченче эксперт киңәйтелгән җаваплы 21 – 26 нчы биремнәренң барысын да кабат тикшереп чыга.