

**«РАСЛЫЙМ»**

**Татарстан Республикасы**

**Премьер-министры**

**урынбасары – министр**

**Р.Т. Боранов**

**«23» Гостайба 2020 ичә ел**



**Төп дәүләт имтиханы (ТДИ) формасында төп гомуми белем бирү  
программалары буенча дәүләт йомгаклау аттестациясе**

**МАТЕМАТИКАДАН**

**2020 ел өчен төп дәүләт имтиханының контроль үлчәү  
материалларының демонстрацион варианты**

Федераль дәүләт бюджет фәнни учреждениесе булган  
“ФЕДЕРАЛЬНИЙ ИНСТИТУТ ПЕДАГОГИЧЕСКИХ ИЗМЕРЕНИЙ”  
тарафыннан әзерләнде

## **МАТЕМАТИКАДАН төп дәүләт имтиханы**

### **МАТЕМАТИКАДАН 2020 ел өчен төп дәүләт имтиханының контроль үлчәү материалларының демонстрацион вариантына ацлатма**

2020 елның демонстрацион варианты белән танышканда, шуны күз алдында тотарга кирәк, демонстрацион вариантка кертелгән биремнәр, 2020 елның КҮМ вариантлары ярдәмендә тикшерелә торган барлық эчтәлек элементларын да чагылдырымый. 2020 елда имтиханда тикшерелә торган эчтәлек элементлары тулысы белән эчтәлек элементлары кодификаторында hәм [www.fipi.ru](http://www.fipi.ru) сайтындагы төп дәүләт имтиханын үткәру өчен укучыларның әзерлек дәрәжәсенә карата таләпләрдә китерелгән.

Демонстрацион вариант, имтиханда катнашучыларга hәм кин жәмәгатьчелеккә булачак имтихан эшләренең төзелеше, биремнәрнең саны hәм формалары, hәм шулай ук аларның катлаулылығы түрүнда күзаллаулар булдыру өчен эшләнә. Бу вариантка кертелгән, киңәйтелгән жаваплы биремнәрнең эшләнешен бәяләү өчен китерелгән бәяләү критерийләре, киңәйтелгән жавапларны язуның тулылығы hәм дөреслегенә карата таләпләрне күзалларга мөмкинлек бирә.

Боларны белү, имтиханда катнашачак укучыларга, 2020 елда математикадан имтихангә әзерләнү hәм тапшыру стратегиясен эшләргә мөмкинлек бирә.

## МАТЕМАТИКАДАН БЕЛЕШМӘ МАТЕРИАЛЛАР

### АЛГЕБРА

- Квадрат тигезләмә тамырлары формуласы:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a} \quad \text{биредә } D = b^2 - 4ac$$

- Эгәр квадрат өчбуынның ике тамыры  $x_1$ ,  $x_2$  булса, ул вакытта

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2);$$

Эгәр квадрат өчбуынның бер генә тамыры  $x_0$  булса, ул вакытта

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_0)^2.$$

- Беренче буыны  $a_1$ , аермасы  $d$  га тигез булган арифметик прогрессиянең  $n$ -нчы буыны ( $a_n$ ) формуласы:

$$a_n = a_1 + d(n-1).$$

- Арифметик прогрессиянең беренче  $n$  буынның суммасы формуласы:

$$S_n = \frac{(a_1 + a_n)n}{2}$$

- Беренче буыны  $b_1$ , ваклаучысы  $q$  га тигез булган геометрик прогрессиянең  $n$  нчы буыны ( $b_n$ ) формуласы:

$$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}.$$

- Геометрик прогрессиянең беренче  $n$  буынның суммасы формуласы:

$$S_n = \frac{(q^{n-1} - 1)b_1}{q - 1}.$$

### Ике урынлы саннарның квадратлары таблицасы

		Берәмлекләр									
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Ике урынлы саннары	1	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361
	2	400	441	484	529	576	625	676	729	784	841
	3	900	961	1024	1089	1156	1225	1296	1369	1444	1521
	4	1600	1681	1764	1849	1936	2025	2116	2209	2304	2401
	5	2500	2601	2704	2809	2936	3025	3136	3249	3364	3481
	6	3600	3721	3844	3969	4096	4225	4356	4489	4624	4761
	7	4900	5041	5184	5329	5476	5625	5776	5929	6084	6241
	8	6400	6561	6724	6889	7056	7225	7396	7569	7744	7921
	9	8100	8281	8464	8649	8836	9025	9216	9409	9604	9801

## ГЕОМЕТРИЯ

- Кабарынкы  $n$ -почмакның почмаклары суммасы  $180^\circ(n - 2)$  гэтигээс.
- Ягы  $a$  булган, төзек өчпочмакка камалган эйлэнен радиусы
$$r = \frac{\sqrt{3}}{6}a.$$
- Ягы  $a$  булган төзек өчпочмакны камаучы эйлэнен радиусы
$$R = \frac{\sqrt{3}}{3}a.$$
- Яклары  $AB = c$ ,  $AC = b$ ,  $BC = a$  булган  $ABC$  өчпочмагы өчен
$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R,$$
 биредэ  $R$  - камаучы эйлэнэ радиусы.
- Яклары  $AB = c$ ,  $AC = b$ ,  $BC = a$  булган  $ABC$  өчпочмагы өчен
$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C.$$
- Радиусы  $R$  булган эйлэнэ озынлыгы  $l$  нен формуласы:
$$l = 2\pi R.$$
- Градусларда бирелгэн  $\phi$  үзэк почмагы таянган, радиусы  $R$  булган эйлэнэ дугасы  $l$  нен озынлыгы формуласы:
$$l = \frac{2\pi R \phi}{360}.$$
- Ягы  $a$  hэм әлеге ягына үткэрелгэн биеклеге  $h$  булган параллелограм мэйданы  $S$  формуласы:
$$S = ah.$$
- Ягы  $a$  hэм әлеге ягына үткэрелгэн биеклеге  $h$  булган өчпочмак мэйданы  $S$  формуласы:
$$S = \frac{1}{2}ah.$$
- Нигезлэрэе  $a$ ,  $b$  hэм биеклеге  $h$  булган трапеция мэйданы  $S$  формуласы:
$$S = \frac{a+b}{2}h.$$
- Радиусы  $R$  булган түгэрэк мэйданы  $S$  формуласы:
$$S = \pi R^2.$$

**МАТЕМАТИКАДАН**  
**2020 ел өчен төп дәүләт имтиханының контроль үлчәү**  
**материалларының демонстрацион варианты**

**Эшне башкару буенча күрсәтмә**

Имтихан эше, 26 биремнен эченә алган ике бүлектән тора. 1 бүлектә 20 бирем, 2 бүлектә кинәйтелгән жаваплы 6 бирем.

Математикадан имтихан эшен эшләү өчен 3 сәгать 55 минут (235 минут) вакыт берелә.

7 һәм 15 биремнәргә жавап 1 нче жавап бланкына, дөрес жавап номерына туры килә торган бер цифр рәвешендә языла.

1 бүлекнен башка биремнәре өчен жавап булып сан яки цифрлар эзлеклелеге тора. Жавапны эш текстындагы жавап урынына, андан 1 нче жавап бланкына языгыз. Гади вакланма чыкса, аны унарлы вакланма рәвешендә языгыз.

2 бүлек биремнәренең чишелешен һәм жавапларын 2 нче жавап бланкына языгыз. Биремнәрне төрле тәртиптә эшләргә мөмкин. Биремнен текстын күчереп язарга кирәк түгел, номерын гына күрсәтергә кирәк.

Барлық бланклар кара төстәге каләм белән тутырыла. Гельле яки капиллярлы каләмнәр куллану рөхсәт ителә.

Иң элек 1 бүлек биремнәрен эшләгез. Сезнен өчен авыр булмаган биремнәрдән башларга кинәш итәбез, андан соң башкаларына күчегез. Вакытны әрәм итмәс өчен, шунда ук эшләп булмаган биремнәрне калдырып, алдагысына күчегез. Әгәр вакытыгыз калса, Сез, калдырып киткән биремнәргә эйләнеп кайта алачаксыз.

1 бүлекнен эшләгәндә барлық исәпләүләрне һәм үзгәртүләрне караламада эшләгез. **Караламадагы һәм контроль үлчәү материалларының текстындагы язмалар эшне бәяләгәндә исәпкә алынымый.**

Әгәр биремдә рәсем булса, шул рәсемдә үк, Үзегезгә кирәkle сыйымнарны эшли аласыз. Биремнәренең шартын игътибар белән укырга һәм табылган жавапларның дөреслеген тикшереп чыгарга кинәш итәбез.

Эшне эшләгәндә, Сез, KYM белән бирелгән белешмә материалларны һәм линейка кулланана аласыз.

Эшләгән биремнәр өчен Сез алган баллар бергә күшүлалар. Мөмкин кадәр күбрәк биремнәр эшләргә һәм күбрәк балл тупларга тырышыгыз.

Аттестация өчен кирәк булган чикне үтәр өчен 8 дән ким булмаган балл жыярга кирәк, шулар арасыннан 2 дән ким булмаган балл геометрия биремнәре өчен (16-20, 24-26 биремнәр) булырга тиеш.

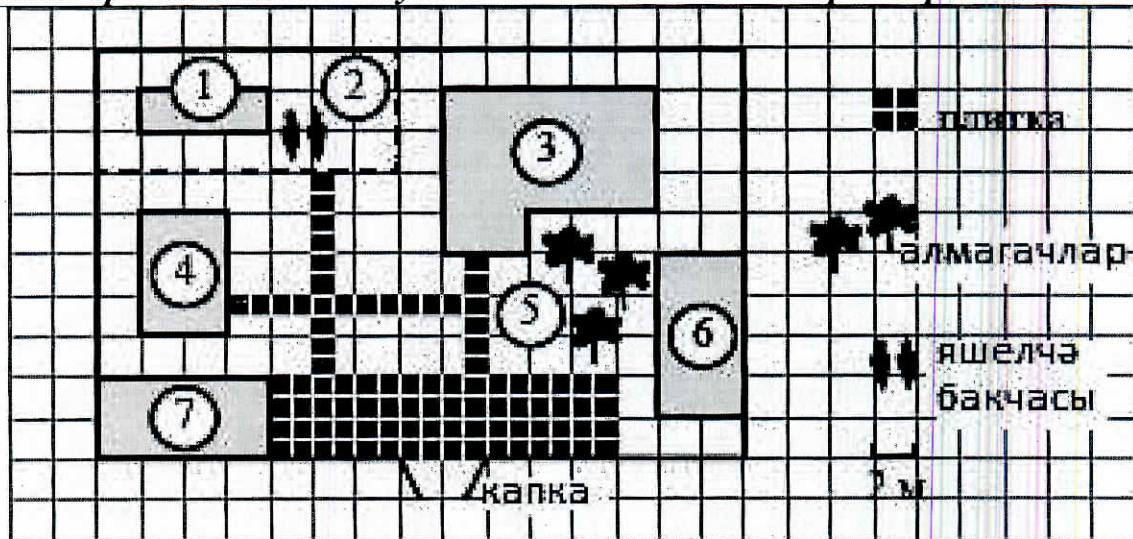
Эшне эшләп бетергәч, һәр биремнен жавабы, 1 нче һәм 2 нче жавап бланкыларына дөрес номерга язылган булуын тикшерегез.

**Уңышлар телибез!**

## 1 бүлек

1 – 20 биремнәре очен жақавап булып сан яки цифрлар эзлекелеге тара. Аларны 1 нче ЖАВАП БЛАНКЫНА бирем номеры турысына, беренче шакмактан башлап язарга кирәк. Эгәр жақавап булып цифрлар эзлекелеге торса, аларны ара калдырымыйча, өтөр һәм башка өстәмә символлар күймийча язығыз. Ыәр символны аерым шакмакка, бланкта китерелгән урнақ буенча язығыз.

Игътибар белән текстны укып чыгыгыз һәм 1 – 5 биремнәрне эшләгез.



Планда Авдеево авылы, Знче Аркылы тыңдырык, 13 йорт адресы буенча урнашкан йорт хужалыгы күрсәтелгән (пландагы һәр шакмакның яғы 2 м). Участок турыпочмаклык формасында. Керү һәм чыгу очен бердәнбер капка кулланыла.

Участокка кергәндә, капкадан уң якта мунча, ә сул якта, планда 7 саны белән тамгаланган гараж урнашкан. Гараж биләп торган мәйдан 32 кв. м га тигез. Йорт территориянең түрендә урнашкан. Гараждан, йорттан һәм мунчадан тыш, участокта, гараж белән янәшә урнашкан сарай һәм яшелчә бакчасында төзелгән теплица да бар (яшелчә бакчасы 2 саны белән тамгаланган). Йорт каршына алмагачлар утыртылган.

Участоктагы бөтен юлларның киңлеге 1 м һәм аларга үлчәмнәре 1м×1м булган тротуар плиткалары түшәлгән. Мунча һәм гараж арасында, шундай ук плиткалар түшәлгән, мәйданы 64 кв. м лы мәйданчык бар.

Хужалыкка электр үткәрелгән. Магистральдән килуче газ да бар.

- 1** Таблицада күрсәтелгөн объектларның планда нинди цифрлар белән тамгаланганын ачыклагыз. Таблицаны тутырыгыз, жавап бланкына дүрт цифрдан торган санлы эзлеклелекне языгыз.

Объектлар	Йорт	Сарай	Мунча	Теплица
Цифрлар				

- 2** Тротуар плиткасы, берсендә 4 данә булган тартмаларда сатыла. Гараж алдындағы мәйданчыкны һәм барлық юлларны түшәр өчен ничә тартма плитка кирәк булган?

Жавап: \_\_\_\_\_.

- 3** Йорт биләп торган мәйданны табыгыз. Жавапны квадрат метрларда күрсәтегез.

Жавап: \_\_\_\_\_.

- 4** Йорттан гаражга кадәр ераклыкны (туры сызық буенча ин яқын нокталар арасын) табыгыз һәм метрларда күрсәтегез.

Жавап: \_\_\_\_\_.

**5** Участокның хужасы йорттын кышка жылдытыла торган итәргә уйлый. Ул ике вариантны карый: электр белән яки газ ягып жылдыту. Жиһазларның һәм аларны урнаштыруның бәясе, газ һәм электр энергиясе чыгымнары һәм аларның бәяләре таблицада бирелгән.

	Жылдытыкыч (казан)	Башка жиһазлар һәм урнаштыру	Газның ур. чыгымы / ур. куллан. торган егәрлек	Газның / эл. энергиясенең бәясе
Газ белән жылдыту	24 мең сум	18280 сум	1,2 куб. м / сәг.	5,6 сум/куб. м
Электр белән жылдыту	20 мең сум	15000 сум	5,6 кВт	3,8 сум/(кВт·сәг)

Ике вариантны да чагыштыргач, хужа газ белән жылдытыла торган итәргә уйлый. Ничә сәгать туктаусыз жылдытканнан соң, электр урынына газ куллану, газ һәм электр белән жылдыту жиһазларын урнаштыру бәяләре арасындагы аерманы каплар?

Жавап: \_\_\_\_\_.

**6**  $\frac{1}{4} + 0,07$  аңлатмасының кыйммәтен табыгыз.

Жавап: \_\_\_\_\_.

**7** Координаталар турысында  $A$  ноктасы күрсәтелгән.



Аның, түбәндә кителегендә дүрт санның берсенә туры килгәне билгеле.  $A$  ноктасы бу саннарның кайсына туры килә?

- 1)  $\frac{181}{16}$     2)  $\sqrt{37}$     3) 0,6    4) 4

Жавап:

**8**  $\sqrt{45} \cdot \sqrt{605}$  аңлатмасының кыйммәтен табыгыз.

Жавап: \_\_\_\_\_.

**9**  $x^2 + x - 12 = 0$  тигезләмәсен чишегез. Әгәр тигезләмәнен тамырлары бердән күп булса, жавапка зурысын языгыз.

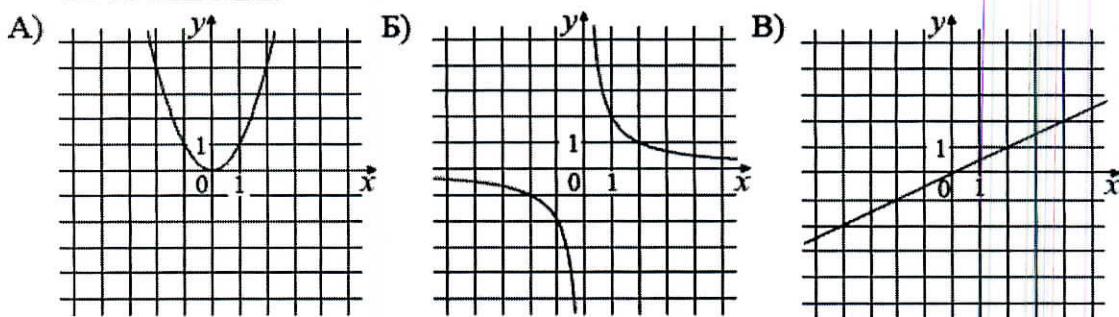
Жавап: \_\_\_\_\_.

**10** Тәлинкәдә бер-берсенә охшаш пәрәмәчләр ята: 4се ит белән, 8е кәбестә белән һәм 3се алма белән. Петя берсен сыйлап ала. Алмалы пәрәмәчләр туры килү ихтиналлыгын табыгыз.

Жавап: \_\_\_\_\_.

**11** Функцияләрнең графиклары һәм аларны бирә торган формулаларны туры китерегез.

#### ГРАФИКЛАР



#### ФОРМУЛАЛАР

$$1) y = x^2$$

$$2) y = \frac{x}{2}$$

$$3) y = \frac{2}{x}$$

Таблицада һәр хәреф астына туры килә торган номерны күрсәтегез.

Жавап:

A	B	C

**12** Санлы эзлеклелектә беренче буын 6 га тигез, һәм һәр буын үзеннән алда торучы буыннан 4 кә зур. 15 нче буынны табыгыз.

Жавап: \_\_\_\_\_.

**13**  $a = 9, b = 36$  булганда,  $9b + \frac{5a-9b^2}{b}$  аңлатмасының кыйммәтен табығыз.

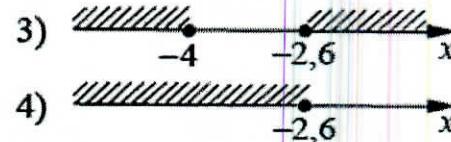
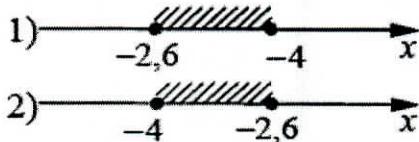
Жавап: \_\_\_\_\_.

**14** Температураның Цельсий шкаласында бирелгән кыйммәтен Фаренгейт шкаласына күчерү өчен  $t_F = 1,8t_C + 32$  формуласыннан файдаланалар. Биредә  $t_C$  - Цельсий градусларындагы температура,  $t_F$  - Фаренгейт градусларындагы температура. Цельсий шкаласындагы  $-25$  градус Фаренгейт шкаласындагы ничә градуска тиғез булыр?

Жавап: \_\_\_\_\_.

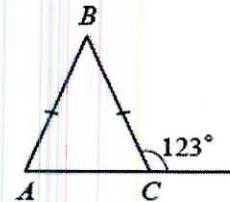
**15** Тиғезләмәләр системасының чишелешен күрсәтегез:

$$\begin{cases} x + 2,6 \leq 0, \\ x + 5 \geq 1. \end{cases}$$



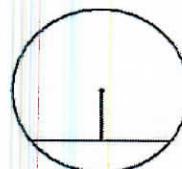
Жавап:

**16** Нигезе  $AC$  булган  $ABC$  тиғезъяны өчпочмагының  $C$  түбәсе янындагы тышкы почмагы  $123^\circ$ .  $BAC$  почмагының зурлығын табығыз. Жавапны градусларда күрсәтегез.



Жавап: \_\_\_\_\_.

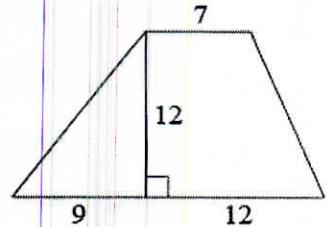
**17** Өгөр әйләнәнен үзәгеннән хордага кадәр ераклық 5 булса, радиусы 13 булган әйләнә хордасының озынлығын табығыз.



Жавап: \_\_\_\_\_.

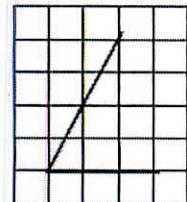
**18** Рәсемдәге трапециянең мәйданын табығыз.

Жавап: \_\_\_\_\_.



**19** Рәсемдә сурәтләнгән кысынкы почмакның тангенсын табығыз.

Жавап: \_\_\_\_\_.



**20** Түбәндәге расламаларның кайсылары дөрес?

- 1) Бирелгән турыда ятмаган нокта аша бу турыга параллель туры үткәрергә мөмкин.
- 2) Яклары 1, 2, 4 булган өчпочмак булырга мөмкин.
- 3) Теләсә нинди параллелограммда ике тигез почмак бар.

Жавапка сайлап алынган расламаларның номерларын ара калдырмыйча, өтер һәм башка өстәмә символлар күймыйча язығыз.

Жавап: \_\_\_\_\_.



*Эшне башишару буенча курсәтмәдә әйттелгәнчә итеп барлық жәавапларны да 1 нче жәавап бланкына күчереп язығыз.  
Нәр жәавапның бирегем номеры белән туры килә торган юлга язылган булуын тикишерегез.*

## 2 бүлек

**21-26 биремнэрне эшилгәндә, 2 нче ЖАВАП БЛАНКЫН** файдаланығыз.  
Башта биремнен номерын курсатегез, андан соң чишелешен һәм жұавабын ачык һәм аңлаешлы итеп язығыз.

**21** Тигезләмәне чишегез:  $x^4 = (4x - 5)^2$ .

**22** Балықчы, иртәнге сәгать 5тә моторлы көймәгә утырып, елга ағымына каршы пристаньнән кузгалып китә һәм берникадәр вакыттан соң туктап, 2 сәгать балық tota һәм шул көннен иртәнге сәгать 10 да кире әйләнеп тә кайта. Ағым тизлеге 2 км/сәг, ә көймәнен үз тизлеге 6 км/сәг булса, балықчы пристаньнән нинди ераклыкка киткән була?

**23**  $y = \frac{x^4 - 13x^2 + 36}{(x-3)(x+2)}$  функциясенең графигын төзегез һәм с нинди кыйммәт алганда,  $y = c$  турысының график белән бер уртак ноктасы булуын ачыклагыз.

**24** Туры почмагы  $C$  булган  $ABC$  турыпочмаклы өчпочмагының катетлары билгеле:  $AC = 6$ ,  $BC = 8$ . Бу өчпочмакның  $CK$  медианасын табығыз.

**25**  $ABCD$  параллелограммында  $E$  ноктасы –  $AB$  яғының уртасы.  $EC = ED$  икәне билгеле. Әлеге параллелограммың турыпочмаклык икәнен исбатлагыз.

**26**  $ABC$  тигезъянлы өчпочмагының нигезе  $AC$  12 гә тигез. Радиусы 8 булган һәм үзәге бу өчпочмакта ятмаган әйләнә, өчпочмакның ян якларының дәвамнарына һәм  $AC$  нигезенә орына.  $ABC$  өчпочмагына камалган әйләнәнен радиусын табығыз.



**Іәр жұаваптың үз биремнен номеры белән яңаша язылган булуын тикишерегез.**

## **Математикадан имтихан эшләрен бәяләү системасы**

### **1 бүлек**

1-20 биремнәрнең һәрберсенә дөрес жавап өчен бер балл куела.

<b>Биремнәң номеры</b>	<b>Дөрес жавап</b>
1	3461
2	23
3	68
4	10
5	500
6	0,32
7	2
8	165
9	3
10	10
11	132
12	62
13	1,25
14	-13
15	2
16	57
17	24
18	168
19	2
20	13; 31

**Кинэйтегэн жавап языла торган бирендерне үтэүне бэялэү  
критерийлэрэ**

**2 бүлек**

**21** Тигезлэмэне чишегэз:  $x^4 = (4x - 5)^2$ .

Чишү.

Бирелгэн тигезлэмэ түбэндэгэ формага китерелэ:

$$(x^2 - 4x + 5)(x^2 + 4x - 5) = 0.$$

$x^2 - 4x + 5 = 0$  тигезлэмэснэц тамырлары юк.

$x^2 + 4x - 5 = 0$  тигезлэмэснэц тамырлары  $-5$  һәм  $1$ .

Жавап:  $-5; 1$ .

<b>Баллар</b>	<b>Критерийныц эчтэлэгэ</b>
2	Нигезлэп дөрес жавап табылган
1	Чишү ахырга кадэр эшлэнгэн, тик язуда яки исэплэүдэ хата киткэн, шуны исэпкэ алганда алга таба эшлэү юлы дөрес
0	Чишү, югарыда саналган бер критерийга да туры килми
2	<i>Иң югары балл</i>

**22** Балыкчы, иртэнгэ сэгать 5тэ моторлы көймөгэ утырып, елга агымына карши пристаньнэн кузгалып китэ һәм берникадэр вакыттан соң туктап, 2 сэгать балык tota һәм шул көннең иртэнгэ сэгать 10 да кире эйләнеп тә кайта. Агым тизлэгэ 2 км/сэг, ә көймәнен үз тизлэгэ 6 км/сэг булса, балыкчы пристаньнэн нинди ераклыкка киткэн була?

Чишү.

Табарга тиешле ераклык  $x$  км булсын. Елга агымына карши барганда, көймәнен тизлэгэ 4 км/сэг, агым унаена барганда - 8 км/сэг. Көймәнен барып житү һәм кире кайту вакыты  $\left(\frac{x}{4} + \frac{x}{8}\right)$  сэгатькэ тигез. Мәсьәләнен шарты буенча бу вакыт - 3 сэгать. Тигезлэмэ төзибез:  $\frac{x}{4} + \frac{x}{8} = 3$ .

Тигезлэмәне чишеп,  $x = 8$  икәнен табабыз.

Жавап: 8 км.

<b>Баллар</b>	<b>Критерийның әчтәлеге</b>
2	Мәсьәләне дөрес юл белән чишеп, дөрес жавап табылган
1	Чишу юлы дөрес, тиешле эшләр эшләнгән, тик язуда яки исәпләүдә хата киткән
0	Чишу, югарыда саналган бер критерийга да туры килми
2	<i>Иң югары балл</i>

**23**  $y = \frac{x^4 - 13x^2 + 36}{(x-3)(x+2)}$  функциясенең графигын төзегез һәм  $c$  нинди кыйммәт алганда  $y = c$  турысының график белән бер уртак ноктасы булуын ачыklагыз.

Чишу.

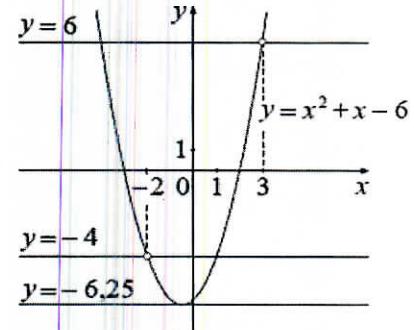
Вакланманың санаучысын тапкырлаучыларга таркatabыз:

$$x^4 - 13x^2 + 36 = (x^2 - 4)(x^2 - 9) = (x - 2)(x + 2)(x - 3)(x + 3).$$

$x \neq -2$  һәм  $x \neq 3$  булганда, функция  $y = x^2 + x - 6$  рәвешен ала.

Аның графигы  $(-2; -4)$  һәм  $(3; 6)$  нокталары керми торган парабола.  $y = c$  турысының график белән кисешү ноктасы бер генә була шул вакытта, әгәр туры параболаның түбәсе аша яки параболага керми торган нокталарның берсе аша үтсә. Параболаның түбәсенең координаталары  $(-0,5; -6,25)$ .

Шулай булгач,  $c = -6,25$ ,  $c = -4$  яки  $c = 6$ .



Жавап:  $c = -6,25$ ;  $c = -4$ ;  $c = 6$ .

<b>Баллар</b>	<b>Критерийның әчтәлеге</b>
2	График дөрес төзелгән, параметрның эзләнелгән кыйммәтләре дөрес табылган
1	График дөрес төзелгән тик параметрның эзләнелгән кыйммәтләре дөрес табылмаган яки бөтенләй табылмаган
0	Чишу, югарыда саналган бер критерийга да туры килми
2	<i>Иң югары балл</i>

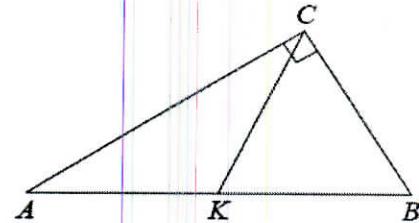
**24**

Туры почмагы  $C$  булган  $ABC$  турыпочмаклы өчпочмагының катетлары билгеле:  $AC = 6$ ,  $BC = 8$ . Бу өчпочмакның  $CK$  медианасын табыңыз.

Чишу.

$$CK = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \sqrt{AC^2 + BC^2} = \frac{1}{2} \sqrt{36^2 + 64^2} = 5.$$

Жавап: 5



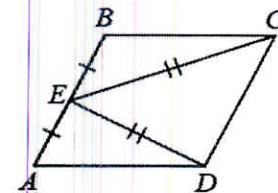
Баллар	Критерийның әттөлеge
2	Мәсьәләне чишу юлы дөрес, тиешле эшләр эшләнгән, дөрес жавап табылган
1	Чишу юлы дөрес, тиешле эшләр эшләнгән, тик аңлату тулы түгел яки исәпләүдә бер хата киткән
0	Чишу, югарыда саналған бер критерийга да туры килми
2	<i>Иң югары балл</i>

**25**

$ABCD$  параллелограммында  $E$  ноктасы –  $AB$  яғының уртасы.  $EC = ED$  икәне билгеле. Әлеге параллелограммың турыпочмаклык икәнене исбатлагызы.

Исбатлау.

$BEC$  һәм  $AED$  өчпочмаклары өч яғы буенча тигез. Шулай булгач  $CBE$  һәм  $DAE$  почмаклары тигез. Аларның суммалары  $180^\circ$  ка тигез булғанлыктан, бу почмаклар  $90^\circ$  ка тигез. Мондай параллелограмм турыпочмаклык була.



Баллар	Критерийның әттөлеge
2	Исбатлау дөрес, һәр эше нигезләнгән.
1	Тулаем алганда исбатлау дөрес, тик кайбер төгәлсезлекләр бар
0	Чишу, югарыда саналған бер критерийга да туры килми
2	<i>Иң югары балл</i>

26

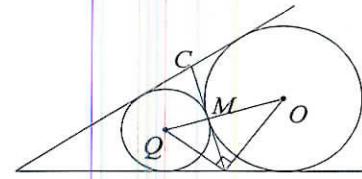
$ABC$  тигезъяның өчпочмагының нигезе  $AC$  12 гә тигез. Радиусы 8 булган һәм үзәге бу өчпочмакта ятмаган әйләнә, өчпочмакның ян якларының дәвамнарына һәм  $AC$  нигезенә орына.  $ABC$  өчпочмагына камалган әйләнәнең радиусын табығыз.

Чишу.

$O$  ноктасы бирелгән әйләнәнең, ә  $Q$  -  $ABC$  өчпочмагына камалган әйләнәнең радиусы булсын. Әйләнәләрнең орыну ноктасы  $M$   $AC$  кисемтәсен урталай бүлә.  $AO$  һәм  $AQ$  нурлары чиктәш почмакларның биссектрисалары булғанлыктан,  $OAQ$  почмагы туры. Турыпочмаклы  $OAQ$  өчпочмагыннан  $AM^2 = MQ \cdot MO$  икәнлеге килеп чыга.

$$\text{Димәк } QM = \frac{AM^2}{OM} = \frac{9}{2} = 4,5.$$

Жавап: 4,5.



Баллар	Критерийның эчтәлеге
2	Мәсьәләне чишу юлы дәрес, дәрес жавап табылган
1	Чишу юлы дәрес, тиешле эшләр эшләнгән, тик язуда яки исәпләүдә хата киткән
0	Чишу, югарыда саналган бер критерийга да туры килми
2	<i>Иң югары балл</i>

Төп гомуми белем бирү программалары буенча дәүләт йомгаклау аттестациясен үткәрү тәртибе (Россиянең Минюсты тарафыннан 52953нче номер белән 10.12.2018 елда теркәлгән, Россия мәгариф министрлыгы һәм Рособрнадзорның 189/1513 нче 07.12.2018 елгы приказы) буенча.

“64. Имтихан эшләре ике экспер特 тарафыннан тикшерелә. Экспертлар, бер-берсенә бәйсез рәвештә, тикшерү нәтижәләре буенча, имтихан эшләре биременең һәр жавабына баллар куялар. Ике экспер特 куйган баллар арасында аерма зур булганда, өченче тикшерү билгеләнә. Баллардагы аерма зур булу әлеге уку предметы буенча бәяләү критерийләрендә ачыклана.

Өченче экспер特, моңа кадәр бу имтихан эшен тикшермәгән экспертылар арасыннан, предмет комиссиясе председателе тарафыннан билгеләнә.

Өченче экспертка моңа кадәр бу имтихан эшен тикшергән экспертылар куйган баллар турында информация житкерелә. Өченче экспер特 куйган баллар соңғы баллар булып санала.”

Түбәндәге аермалар зур аерма булып санала.

1. 21-26 биремнәрнең теләсә кайсын эшләгән өчен ике экспер特 куйган баллар аермасы 2 балл булса. Өченче экспер特 баллар аермасы зур булган жавапларны гына тикшерә.

2. Ике экспер特 куйган баллар аермасы ике яки күбрәк биремдә (21-26 биремнәрдә) зур булса. Өченче экспер特 21-26 биремнәрнең барысының да жавапларын тикшерә.